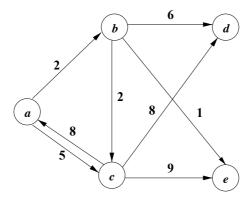
# Práctico 7: Diseño de Algoritmos

Año 2025

## Ejercicio 1:

Dado el siguiente 1-dígrafo que representa los recorridos de una empresa de transporte, cada nodo simboliza una ciudad, cada arco el camino que cubre el transporte y el número sobre el arco es el costo de realizar ese viaje.



#### Se pide:

- a) Ejecutar el algoritmo que permita obtener el viaje más barato desde la ciudad c a cada una de las demás ciudades de la región. Muestre paso a paso la ejecución.
- b) Explicar cómo modificaría el algoritmo anterior si lo único que quiere obtener es el viaje de menor costo entre un determinado par de ciudades (viaje-barato(x,y)).
- c) Analizar el esfuerzo máximo, medido en tiempo, expresándolo en notación O, considerando que tiene n vértices y a arcos.
- d) ¿Cómo modificaría el algoritmo ejecutado en a) para que permita recuperar cuál es el recorrido del viaje más barato? Realice una rutina en pseudo-código que le permita mostrar el recorrido de costo mínimo entre el vértice origen y un vértice dado.
- e) ¿A qué técnica de diseño, de las conocidas por usted, pertenece el algoritmo que ejecutó en a)? Explicar cómo llega a esa conclusión.

#### Ejercicio 2:

En la siguiente matriz de incidencia de un grafo se muestran las distancias entre los aeropuertos de las ciudades de Londres, México, Nueva York, París, Pekín y Tokio:

	Lo	Me	NY	Pa	Pe	To
Lo	-	56	35	2	51	60
Me	56	-	21	57	78	70
NY	35	21	-	36	68	68
Pa	2	57	36	-	51	61
Pe	51	78	68	51	-	13
To	60	70	68	61	13	-

a) Graficar el grafo que se obtiene a partir de dicha matriz.

- **b**) Dar el nombre de un algoritmo que permita obtener un grafo parcial (que incluya a todas las ciudades) conexo, de manera tal que la suma de distancias entre cada ciudad sea la mínima. Ejecutar el mismo sobre el grafo obtenido en el punto *a*), agregando las hipótesis que considere necesarias.
- c) Suponiendo que las filas de la matriz indican el origen del arco y las columnas su destino, ejecutar el algoritmo que permita obtener los caminos más cortos desde Pekín a las demás ciudades.

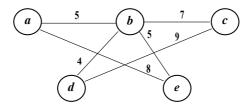
#### Ejercicio 3:

Considerar el dígrafo del *Ejercicio 1* como un grafo que representa un grupo de ciudades de una región, y los valores que aparecen sobre las aristas indican la distancia de una ciudad a la otra. Se pide:

- a) Utilizar el algoritmo de *Prim* para obtener las rutas mas cortas que pasan por todas las ciudades. Partiendo desde *c*, mostrar cómo van quedando las estructuras después de cada paso de la ejecución. Desde el punto de vista de la teoría de grafos ¿Qué le permite obtener este algoritmo?
- **b**) Analizar el esfuerzo máximo, medido en tiempo, expresándolo en notación O, considerando que tiene n vértices y a arcos.
- c) Si ejecuta el algoritmo de *Prim* varias veces con el mismo grafo de entrada *G* ¿Se podrán obtener diferentes resultados cada vez?
- **d**) ¿A qué técnica de diseño, de las conocidas por usted, pertenece el algoritmo de *Prim*? Justifique su respuesta.

#### Ejercicio 4:

Dado el grafo:

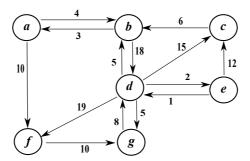


- a) Ejecutar paso a paso el algoritmo de *Kruskal*. Muestre cómo quedan las estructuras después de cada paso de la ejecución. ¿Qué le permite obtener este algoritmo?
- **b**) Analizar el esfuerzo máximo, medido en tiempo, expresándolo en notación O, considerando que tiene n vértices y a arcos.
- c) ¿El algoritmo de Kruskal puede obtener diferentes resultados si se lo ejecuta varias veces sobre el mismo grafo G de entrada?
- **d**) ¿A qué técnica de diseño, de las conocidas por usted, pertenece el algoritmo de *Kruskal*? Justifique su respuesta.

Diseño de Algoritmos

## Ejercicio 5:

Sea el dígrafo:



- a) Ejecutar el algoritmo de Floyd, ¿Qué le permite obtener este algoritmo?
- **b**) Realice en pseudo-código una rutina que resuelva el mismo problema que el algoritmo de *Floyd*, pero usando el algoritmo de *Dijkstra*. (suponga la rutina Dijkstra ya programada).
- c) Analizar el esfuerzo máximo, medido en tiempo, expresándolo en notación O, del algoritmo desarrollado en **b**), considerando que tiene n vértices y a arcos.
- d) ¿Cuándo conviene usar el algoritmo obtenido en b) en lugar del usado en a)? ¿Cuándo no conviene?
- e) ¿A qué técnica de diseño, de las conocidas por usted, pertenece el algoritmo de *Floyd*? Justifique su respuesta.

#### Ejercicio 6:

Utilizando el dígrafo del ejercicio anterior como entrada:

- a) Ejecutar el algoritmo de Warshall, ¿Qué le permite obtener este algoritmo?
- **b)** A partir de la salida del algoritmo de *Floyd* ¿puede resolver el problema que resuelve el algoritmo de *Warshall*?
- c) ¿Cómo modificaría el algoritmo ejecutado en a) para que permita recuperar un camino? Realice una rutina en pseudo-código que le permita mostrar un camino entre un par de vértices dados. Si entre un par de vértices existen varios caminos, ¿cuál de los caminos recuperaría su algoritmo?
- **d**) ¿A qué técnica de diseño, de las conocidas por usted, pertenece el algoritmo de *Warshall*? Justifique su respuesta.

## Ejercicio 7:

Suponga que tiene una cantidad ilimitada de monedas con valores de \$1, \$4 y \$6 y se debe dar cambio de \$8 con esas monedas. Los algoritmos en **a**) y **b**) dan solución al problema del cambio, donde el parámetro d tiene las denominaciones de las monedas y m o k es el monto sobre el que se pide cambio.

```
a) Pre-condiciones: d[1]>d[2]>...>d[n]
function cambio1(d:array[1..n] de entero, m:entero) ret S:array[1..n] de entero
for i := 1 to n do
    S[i] := m div d[i]
    m := m mod d[i]
    od
end function
```

Diseño de Algoritmos 3

```
b)
     Pre-condiciones: d[1] < d[2] < ... < d[n]</pre>
     function cambio2(d:array[1..n] de entero, k:entero) ret nr:array[0..n] de entero
       var m:array[0..n,0..k] de entero
        r,s:entero
       for i := 0 to n do m[i,0] := 0 od
       for i := 1 to k do m[0,j] := \infty od
       for i := 1 to n do
         for j := 1 to k do
           if d[i]>j then m[i,j] := m[i-1,j]
           else m[i,j] := min(m[i-1,j], 1+m[i,j-d[i]])
         od
       od
       for i := 0 to n do nr[i] := 0 od
       nr[i] := m[n,k]
       if m[n,k] <> \infty then
         r := n
         s := k
         while m[r,s]>0 do
           if m[r,s] == m[r-1,s] then r := r-1
           else
             nr[r] := nr[r]+1
             s := s-d[r]
           fi
         do
       fi
     end function
```

- 1) ¿A qué técnica de diseño, de las conocidas por usted, pertenece cada algoritmo? Justifique su respuesta.
- 2) ¿Cuál obtiene una solución óptima para el problema planteado, considerando dar el cambio con la menor cantidad de monedas posibles?

Diseño de Algoritmos 4